

**Fundação Universidade Federal de Pelotas**  
**Departamento de Matemática e Estatística**  
**Cursos 3900, 3910, 6100 e 6400**  
**Primeira Prova de Cálculo 1 - Turma T2**  
**Prof. Dr. Maurício Zahn**

**Nome:**

**Data:** 18/07/2024

**Questão 01.** Esboce o gráfico de cada função abaixo, indicando domínio e imagem.

(a)  $f(x) = x|x - 1|$       (b)  $f(x) = 2^{|x-1|}$       (c)  $f(x) = 1 + \log_2(1 - 2x)$

**Questão 02.** Sejam  $f : A \rightarrow \mathbb{R}$  e  $g : B \rightarrow \mathbb{R}$  as funções dadas, respectivamente, por

$$f(x) = \frac{x^2 + 2x + 1}{\sqrt{2-x}} + \ln \frac{x+1}{4-x^2} + 3^{\frac{x}{1-x^2}},$$

e

$$g(x) = \sqrt{\frac{x+2}{x-1}}.$$

Sendo  $A$  e  $B$  os domínios máximos para  $f$  e  $g$ , determine o conjunto  $A \setminus B$ .

**Questão 03.** Sendo dado que  $\cot x = -\frac{2}{3}$ , sendo  $x$  um arco do segundo quadrante, determine os valores dos demais números trigonométricos para este arco  $x$ .

**Questão 04.** Qual é a meia vida de um material radioativo que sofre desintegração de 4% de sua massa em um período de 1 ano?

**Questão 05.** Sendo  $\log_\beta A = 3$ ,  $\log_\beta B = -1$  e  $\log_\beta C = \frac{1}{2}$ , determine o valor de  $\log_\beta \frac{\sqrt[5]{A^3 B^2} \sqrt{C}}{\sqrt[3]{A} \sqrt[3]{C}}$ .

**Questão 06.** Prove que  $\lim_{x \rightarrow -2} \frac{x^2 - 4}{x + 2} = -4$ .

**Questão 07.** Calcule cada limite a seguir, se existir:

(a)  $\lim_{x \rightarrow -3} \frac{x^2 - 5x - 24}{2x^2 + 6x}$       (b)  $\lim_{x \rightarrow 5} \frac{\sqrt{x-1} - 2}{x-5}$       (c)  $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{\sqrt{x^2 + 3x + 1} - \sqrt{6x-1}}{x^3 - 1}$

Questão	01	02	03	04	05	06	07
Valor	3×0,5	1,5	2,0	1,5	1,0	2,0	3×0,5