

Unidade II - Estatística descritiva

- 2.1. Apresentação de dados
 - 2.1.1 Séries estatísticas
 - 2.1.2 Tabelas
 - 2.1.3 Gráficos
- 2.2. Distribuições de freqüências e gráficos
 - 2.2.1 Tabelas de classificação simples
 - 2.2.2 Tabelas de classificação cruzada
- 2.3. Medidas descritivas
 - 2.3.1 Medidas de localização ou tendência central
 - 2.3.2 Medidas separatrizes
 - 2.3.3 Medidas de variação ou dispersão
 - 2.3.4 Medidas de formato
- 2.4. Análise exploratória de dados

Profa. Clause Piana

1

Distribuição de freqüências e gráficos

- A distribuição de freqüências é uma forma de resumir a informação sobre uma ou mais variáveis
- Organiza um conjunto de dados em classes, indicando a freqüência de observações em cada classe
- Além de resumir a informação, tem por finalidade:
 1. Representar a forma como se distribuem os valores das variáveis (localização da maioria dos valores, simetria, número de picos e formato das caudas)
 2. Indicar qual modelo de distribuição de probabilidade poderia ser adequado para esses dados, pois fornece uma idéia empírica da distribuição da população
- Formato é muito sensível ao número de observações disponíveis

Tabelas de distribuição de freqüências

- ♦ Tabelas de classificação simples
→ uma variável
- ♦ Tabelas de classificação dupla ou cruzada
→ duas variáveis

Profa. Clause Piana

3

Tabelas de classificação simples

As características dessas tabelas variam de acordo com o tipo de variável em estudo.

- ⇒ Se a variável é do tipo **categórica**, devemos obter as freqüências para cada nível dessa variável.
- ⇒ Se a variável é do tipo **numérica contínua**, devemos primeiro construir intervalos de mesma amplitude e depois obter as freqüências para cada intervalo.

Profa. Clause Piana

4

Distribuição de freqüências para variáveis categóricas

Exemplo:

Variável em estudo: conceito na disciplina de Estatística

Dados brutos: ruim, médio, bom, médio, ruim, médio, ruim, médio, ruim, bom, médio, médio, bom, médio, médio, médio, ótimo, médio, bom, ótimo, bom, ótimo, médio, ótimo, médio, ruim, médio, ótimo, médio, bom, ruim, bom, bom, médio, ruim, médio, médio, ótimo, médio, bom, ruim, ruim, bom, médio, médio, ruim, bom, médio, médio, bom, bom, médio, ruim, bom, médio, médio, ruim, médio

⇒ Quando a variável for **categórica** ou **numérica discreta** (com poucos valores), a tabela de distribuição de freqüências apresentará a seguinte característica: **cada valor da variável constituirá uma classe**.

Construção da tabela

Para construir a tabela devemos seguir apenas dois passos:

- 1º passo. Ordenar as categorias ou valores da variável (colocar em ordem). Cada categoria ou valor constituirá uma classe.
 - ♦ O número da classe é representado por **j**, tal que $j=1, 2, \dots, k$, onde **k** é o número total de classes.
- 2º passo. Contar o número de elementos em cada classe, ou seja, contar quantas vezes o dado está repetido.

Profa. Clause Piana

6

Exemplo 1. Variável categórica

Variável em estudo: conceito na disciplina de Estatística

Dados brutos: ruim, médio, bom, médio, ruim, médio, ruim, médio, ruim, bom, médio, bom, médio, médio, ótimo, médio, bom, ótimo, bom, ótimo, médio, ótimo, ruim, médio, ótimo, médio, bom, ruim, bom, bom, médio, ruim, médio, médio, ótimo, médio, bom, ruim, ruim, bom, médio, médio, ruim, bom, médio, médio, bom, bom, bom, médio, ruim, bom, médio, ruim, médio

1º passo. Ordenar os níveis da variável

| Número da classe (j) | Classe |
|----------------------|--------|
| 1 | Ruim |
| 2 | Médio |
| 3 | Bom |
| 4 | Ótimo |

Profa. Clause Piana

7

2º passo. Contar o número de elementos em cada classe

| j | Classe | F_j |
|---|----------|-------|
| 1 | Ruim | 12 |
| 2 | Médio | 27 |
| 3 | Bom | 15 |
| 4 | Ótimo | 6 |
| | Σ | 60 |

Os valores provenientes desta contagem, denotados por F_j , são denominados **frequências absolutas das classes**.

Profa. Clause Piana

8

Outras frequências importantes:

Frequência absoluta acumulada, denotada por F'_j , expressa o número de elementos acumulados em cada classe.

| j | Classe | F_j | F'_j |
|---|----------|-------|--------|
| 1 | Ruim | 12 | 12 |
| 2 | Médio | 27 | 39 |
| 3 | Bom | 15 | 54 |
| 4 | Ótimo | 6 | 60 |
| | Σ | 60 | - |

Profa. Clause Piana

Aula 3 - Estatística Descritiva

9

Outras frequências importantes:

Frequência relativa, denotada por f_j , expressa a proporção de elementos em cada classe.

| j | Classe | F_j | F'_j | f_j |
|---|----------|-------|--------|-------|
| 1 | Ruim | 12 | 12 | 0,2 |
| 2 | Médio | 27 | 39 | 0,45 |
| 3 | Bom | 15 | 54 | 0,25 |
| 4 | Ótimo | 6 | 60 | 0,1 |
| | Σ | 60 | - | 1 |

Profa. Clause Piana

10

Outras frequências importantes:

Frequência relativa acumulada, denotada por f'_j , expressa a proporção de elementos acumulada em cada classe.

| j | Classe | F_j | F'_j | f_j | f'_j |
|---|----------|-------|--------|-------|--------|
| 1 | Ruim | 12 | 12 | 0,2 | 0,2 |
| 2 | Médio | 27 | 39 | 0,45 | 0,65 |
| 3 | Bom | 15 | 54 | 0,25 | 0,90 |
| 4 | Ótimo | 6 | 60 | 0,1 | 1 |
| | Σ | 60 | - | 1 | - |

Profa. Clause Piana

11

Frequências importantes:

F_j : **frequência absoluta da classe j** → número de elementos na classe j

F'_j : **frequência absoluta acumulada da classe j** → número de elementos acumulados na classe j

f_j : **frequência relativa da classe j** → proporção de elementos na classe j

f'_j : **frequência relativa acumulada da classe j** → proporção de elementos acumulados na classe j

Profa. Clause Piana

12

Interpretação considerando o contexto (contextualizando):

proporção de alunos que obtiveram até conceito Médio

número de alunos que obtiveram até conceito Bom

| j | Classe | F_j | F'_j | f_j | f'_j |
|---|----------|-------|--------|-------|--------|
| 1 | Ruim | 12 | 12 | 0,2 | 0,2 |
| 2 | Médio | 27 | 39 | 0,45 | 0,65 |
| 3 | Bom | 15 | 54 | 0,25 | 0,90 |
| 4 | Ótimo | 6 | 60 | 0,1 | 1 |
| | Σ | 60 | - | 1 | - |

proporção de alunos que obtiveram conceito Ruim

número de alunos que obtiveram conceito Ótimo

Profa. Clause Piana

13

Exemplo 2. Variável numérica discreta
Pesquisa: Monitoramento de um canal de comunicação

 Variável em estudo: número de erros em um conjunto de caracteres (*string*) de 1.000 bits. Foram avaliados 350 conjuntos.

Dados brutos: 2, 5, 6, 0, 4, 4, 3, 4, 2, 2, 3, 3, 5, 3, 5, 1, 2, 4, 2, 3, 5, 4, 3, 3, 2, 3, 0, 4, 4, 3, 4, 0, 2, 0, 2, 3, 3, 1, 2, 4, 2, ...

1º passo: Ordenar os valores da variável

| Número da classe (j) | Classe |
|----------------------|--------|
| 1 | 0 |
| 2 | 1 |
| 3 | 2 |
| 4 | 3 |
| 5 | 4 |
| 6 | 5 |
| 7 | 6 |

Exemplo 2. Variável numérica discreta
Pesquisa: Monitoramento de um canal de comunicação

 Variável em estudo: número de erros em um conjunto de caracteres (*string*) de 1.000 bits. Foram avaliados 350 conjuntos.

Dados brutos: 2, 5, 6, 0, 4, 4, 3, 4, 2, 2, 3, 3, 5, 3, 5, 1, 2, 4, 2, 3, 5, 4, 3, 3, 2, 3, 0, 4, 4, 3, 4, 0, 2, 0, 2, 3, 3, 1, 2, 4, 2, ...

2º passo. Contar o número de elementos em cada classe.

| j | Classe | F_j |
|---|----------|-------|
| 1 | 0 | 55 |
| 2 | 1 | 60 |
| 3 | 2 | 112 |
| 4 | 3 | 82 |
| 5 | 4 | 31 |
| 6 | 5 | 8 |
| 7 | 6 | 2 |
| | Σ | 350 |

| j | Classe | F_j | F'_j | f_j | f'_j |
|---|----------|-------|--------|--------|--------|
| 1 | 0 | 55 | 55 | 0,1571 | 0,1571 |
| 2 | 1 | 60 | 115 | 0,1714 | 0,3286 |
| 3 | 2 | 112 | 227 | 0,32 | 0,6486 |
| 4 | 3 | 82 | 309 | 0,2343 | 0,8829 |
| 5 | 4 | 31 | 340 | 0,0886 | 0,9714 |
| 6 | 5 | 8 | 348 | 0,0229 | 0,9943 |
| 7 | 6 | 2 | 350 | 0,0057 | 1,0000 |
| | Σ | 350 | - | 1,0000 | - |

Profa. Clause Piana

16

Exercício proposto:

Os dados a seguir se referem ao número de ovos danificados em uma inspeção feita em 30 embalagens de uma dúzia cada, em um carregamento para o mercado de Lavras.

 1 0 1 0 0 1 0 2 0 3
 1 0 5 3 1 0 1 4 0 0
 2 0 0 1 2 0 1 3 1 0

Construa a distribuição de freqüências para esses dados.

Profa. Clause Piana

17

Resolução:

| j | Classe | F_j | F'_j | f_j | f'_j |
|---|----------|-------|--------|---------|--------|
| 1 | 0 | 13 | 13 | 0,4333 | 0,4333 |
| 2 | 1 | 9 | 22 | 0,3 | 0,7333 |
| 3 | 2 | 3 | 25 | 0,1 | 0,8333 |
| 4 | 3 | 3 | 28 | 0,1 | 0,9333 |
| 5 | 4 | 1 | 29 | 0,03333 | 0,9667 |
| 6 | 5 | 1 | 30 | 0,03333 | 1,000 |
| | Σ | 30 | - | 1,000 | - |

Profa. Clause Piana

18

Distribuição de freqüências para variáveis contínuas

Exemplo:

Variável em estudo: valores gastos (em reais) pelas primeiras 50 pessoas que entraram num determinado Supermercado, no dia 01/01/2000.

Dados brutos:

| | | | | | | | | | |
|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|
| 32,03 | 19,54 | 45,40 | 25,13 | 46,69 | 18,36 | 13,78 | 15,23 | 36,37 | 15,62 |
| 17,00 | 27,65 | 85,76 | 38,64 | 86,37 | 24,58 | 20,16 | 93,34 | 48,65 | 22,22 |
| 23,04 | 42,97 | 28,06 | 52,75 | 3,11 | 8,88 | 9,26 | 10,81 | 12,69 | 28,38 |
| 18,43 | 61,22 | 41,02 | 44,67 | 19,50 | 17,39 | 39,16 | 44,08 | 38,98 | 19,27 |
| 26,24 | 28,08 | 59,07 | 82,70 | 26,26 | 24,47 | 54,80 | 70,32 | 50,39 | 20,59 |

Profa. Clause Piana

19

As variáveis contínuas, em geral, assumem muitos valores diferentes uns dos outros.

⇒ Assim, as tabelas de distribuição de freqüências são construídas de modo que **cada classe seja constituída por um intervalo de valores** da variável.

⇒ Quando variáveis discretas assumem muitos valores diferentes é usual agrupar os dados discretos em **intervalos de classe**.

Profa. Clause Piana

20

Construção da tabela

1º passo. Ordenar o conjunto de dados: colocar os dados brutos em ordem crescente de grandeza (rol).

Dados ordenados:

| | | | | | | | | | |
|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|
| 3,11 | 8,88 | 9,26 | 10,81 | 12,69 | 13,78 | 15,23 | 15,62 | 17,00 | 17,39 |
| 18,36 | 18,43 | 19,27 | 19,50 | 19,54 | 20,16 | 20,59 | 22,22 | 23,04 | 24,47 |
| 24,58 | 25,13 | 26,24 | 26,26 | 27,65 | 28,06 | 28,08 | 28,38 | 32,03 | 36,37 |
| 38,64 | 38,98 | 39,16 | 41,02 | 42,97 | 44,08 | 44,67 | 45,40 | 46,69 | 48,65 |
| 50,39 | 52,75 | 54,80 | 59,07 | 61,22 | 70,32 | 82,70 | 85,76 | 86,37 | 93,34 |

Profa. Clause Piana

21

Construção da tabela

1º passo. Ordenar o conjunto de dados: colocar os dados brutos em ordem crescente de grandeza (rol).

2º passo. Determinar o número de classes (k) da tabela.

De modo geral, esse valor não deverá ser inferior a 5 e nem superior a 15.

A perda de informação é inevitável.

- k muito grande ⇒ maior precisão e menor eficiência no resumo.
- k muito pequeno ⇒ resume demais e a precisão fica prejudicada.

Profa. Clause Piana

22

Construção da tabela

1º passo. Ordenar o conjunto de dados: colocar os dados brutos em ordem crescente de grandeza (rol).

2º passo. Determinar o número de classes da tabela.

- Regras para determinação do número de classes:

| | | |
|----------------------|--|---|
| Arredondar para cima | $K = \sqrt{n}$ | Regra empírica |
| | $K = 1 + 3,32 \times \log n$ | Fórmula de Sturges ($30 \leq n \leq 40$) |
| | onde: K: número de classes n: número de observações | |

Profa. Clause Piana

23

Fórmula de Sturges

- É a mais antiga em uso.
- Pode funcionar de modo razoável apenas se $30 \leq n \leq 40$.
- Quando n é grande, tende a produzir um número pequeno de classes.
- Apresenta uma propriedade que, além de prever simetria na distribuição, indica que esse processo está mais preocupado com a estética da apresentação do que com a informação representada.
- Além disso, desconsidera totalmente a existência de valores atípicos na determinação.

Outros métodos para determinar o número de classes:

- Fórmula de Scott
- Fórmula combinada de Terrel e Scott
- Método de Shimazaki e Shinomoto
- Método de Freedman-Diaconis

Ver Sistema Galileu. Disponível em <http://www.galileu.esalq.usp.br>

3º passo. Determinar a amplitude do intervalo de classe.

Para isso utilizamos a expressão $i = \frac{a_t}{k}$ Arredondar para cima

onde: i : amplitude do intervalo
 a_t : amplitude total = $ES - EI$ $\begin{cases} X_{(1)} = \text{Extremo Inferior} \\ X_{(n)} = \text{Extremo Superior} \end{cases}$

4º passo. Construir os intervalos de classe.

| j | Classe |
|-----|--------------------------------------|
| 1 | $x_{(1)}$ — $x_{(1)} + i$ |
| 2 | $x_{(1)} + i$ — $x_{(1)} + 2i$ |
| 3 | $x_{(1)} + 2i$ — $x_{(1)} + 3i$ |
| ... | ... |
| k | $x_{(1)} + (k-1)i$ — $x_{(1)} + ki$ |

5º passo. Contar o número de observações em cada classe.

Na construção dos **intervalos de classe**, é importante observar que:

- ⇒ Recomenda-se o uso de intervalos de mesma amplitude, mas eventualmente uma amplitude variável poderá ser mais adequada ao contexto;
- ⇒ Deve ser garantido que todas as observações sejam classificadas;
- ⇒ As classes são mutuamente exclusivas, ou seja, uma observação pertence a uma única classe;
- ⇒ Com exceção da última classe, que é fechada à esquerda e à direita, os intervalos são fechados à esquerda e abertos à direita, de modo que um valor que coincida com o extremo superior será classificado na classe seguinte.

Profa. Clause Piana

26

Exemplo:

Os dados em rol abaixo (ordenação horizontal) se referem aos valores gastos (em reais) pelas primeiras 50 pessoas que entraram em um determinado Supermercado, no dia 01/01/2000.

3,11 8,88 9,26 10,81 12,69 13,78 15,23 15,62 17,00 17,39
 18,36 18,43 19,27 19,50 19,54 20,16 20,59 22,22 23,04 24,47
 24,58 25,13 26,24 26,26 27,65 28,06 28,08 28,38 32,03 36,37
 38,64 38,98 39,16 41,02 42,97 44,08 44,67 45,40 46,69 48,65
 50,39 52,75 54,80 59,07 61,22 70,32 82,70 85,76 86,37 93,34

Faça a distribuição de freqüências desses dados.

Profa. Clause Piana

27

Resolução: Usando a fórmula empírica

$$n = 50$$

$$k = \sqrt{n} = \sqrt{50} = 7,07 \cong 8$$

$$i = \frac{a_t}{k} = \frac{ES - EI}{k} = \frac{93,34 - 3,11}{8} = 11,28$$

Ponto médio ou centro de classe

| j | Classe | F_j | F'_j | f_j | f'_j | c_j |
|---|--------------|-------|--------|-------|--------|-------|
| 1 | 3,11 —14,39 | 6 | 6 | 0,12 | 0,12 | 8,75 |
| 2 | 14,39 —25,67 | 16 | 22 | 0,32 | 0,44 | 20,03 |
| 3 | 25,67 —36,95 | 8 | 30 | 0,16 | 0,60 | 31,31 |
| 4 | 36,95 —48,23 | 9 | 39 | 0,18 | 0,78 | 42,59 |
| 5 | 48,23 —59,51 | 5 | 44 | 0,10 | 0,88 | 53,87 |
| 6 | 59,51 —70,79 | 2 | 46 | 0,04 | 0,92 | 65,15 |
| 7 | 70,79 —82,07 | 0 | 46 | 0,00 | 0,92 | 76,43 |
| 8 | 82,07 —93,35 | 4 | 50 | 0,08 | 1 | 87,71 |
| | Σ | 50 | - | 1 | - | - |

Resolução: Usando a fórmula de Sturges

$$n = 50$$

$$k = 1 + 3,32 \times \log n = 1 + 3,32 \times 1,7 = 6,64 \cong 7$$

$$i = \frac{a_t}{k} = \frac{ES - EI}{k} = \frac{93,34 - 3,11}{7} = 12,89$$

| j | Classe | F_j | F'_j | f_j | f'_j | c_j |
|---|--------------|-------|--------|-------|--------|-------|
| 1 | 3,11 —16,00 | 8 | 8 | 0,16 | 0,16 | 9,56 |
| 2 | 16,00 —28,89 | 20 | 28 | 0,4 | 0,56 | 22,45 |
| 3 | 28,89 —41,78 | 6 | 34 | 0,12 | 0,68 | 35,34 |
| 4 | 41,78 —54,67 | 8 | 42 | 0,16 | 0,84 | 48,23 |
| 5 | 54,67 —67,56 | 3 | 45 | 0,06 | 0,9 | 61,12 |
| 6 | 67,56 —80,45 | 1 | 46 | 0,02 | 0,92 | 74,01 |
| 7 | 80,45 —93,34 | 4 | 50 | 0,08 | 1 | 86,90 |
| | Σ | 50 | - | 1 | - | - |

Exercício proposto:

Os dados se referem às notas dos alunos dos curso de Ciência e Engenharia da Computação da UFPel na primeira prova de Estatística Básica, no segundo semestre de 2013.

| | | | | | | | |
|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|
| 4,5 | 7,6 | 6,7 | 6,5 | 7,3 | 7,5 | 8,0 | 5,7 |
| 8,0 | 6,3 | 5,9 | 8,1 | 5,7 | 9,0 | 7,2 | 8,2 |
| 5,8 | 7,2 | 9,0 | 9,4 | 8,6 | 4,7 | 8,5 | 8,3 |
| 7,1 | 9,5 | 8,9 | 7,0 | 6,7 | 7,7 | 9,4 | 8,3 |
| 6,8 | 8,5 | 7,6 | 5,4 | 8,5 | 6,1 | 8,1 | 9,1 |

Faça a distribuição de freqüências desses dados.

Representação gráfica

As distribuições de frequências podem ser representadas graficamente de duas formas distintas e exclusivas:

- ◆ **Histograma**
- ◆ **Polígono de frequências**

Profa. Clause Piana

31

Histograma

Variável contínua (dados de mensuração)

O histograma consiste de um conjunto de retângulos contíguos cuja base é igual à amplitude do intervalo e a altura proporcional à frequência das respectivas classes.

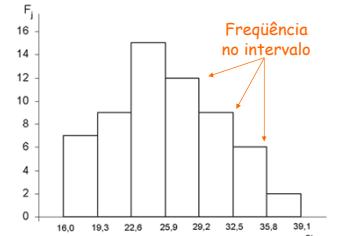


Figura 1. Frequência do peso ao nascer de 60 bovinos da raça Ibagé, UFPel, 2001.

Outra maneira de construir o histograma

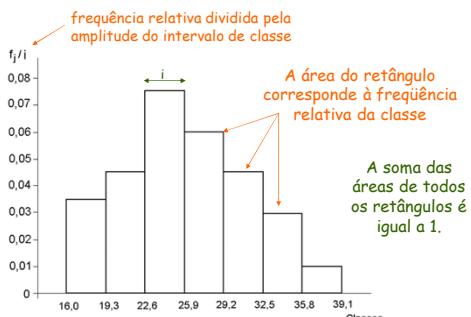


Figura 3. Histograma das frequências relativas para o peso ao nascer de 60 bovinos da raça Ibagé, UFPel, 2001.

Histograma

Variável discreta (dados de enumeração)

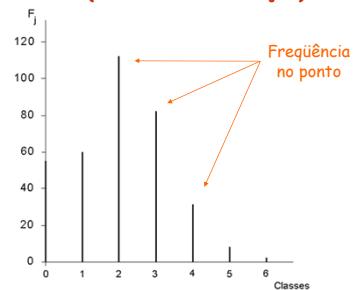


Figura 2. Frequência do número de erros em 350 conjuntos de caracteres (strings) de 1.000 bits.
Fonte: Dados fictícios.

Profa. Clause Piana

34

Variável categórica

Gráfico de colunas

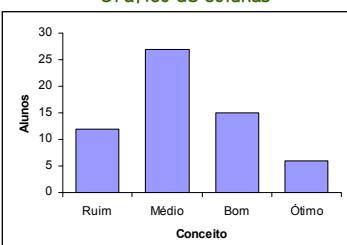


Figura 3. Conceito dos alunos na disciplina de Estatística. UFPel, 2001.

Profa. Clause Piana

35

Variável categórica

Gráfico de setores

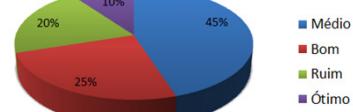


Figura 4. Conceito dos alunos na disciplina de Estatística. UFPel, 2001.

Profa. Clause Piana

36

Polígono de frequências

O polígono de frequências é constituído por segmentos de retas que unem os pontos cujas coordenadas são o **ponto médio** e a **frequência de cada classe**. Para fechá-lo toma-se uma classe anterior a primeira e uma posterior à última, uma vez que ambas possuem frequência zero.

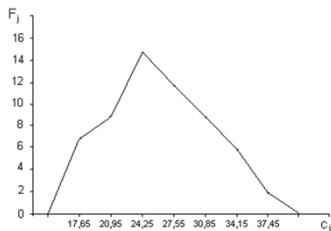
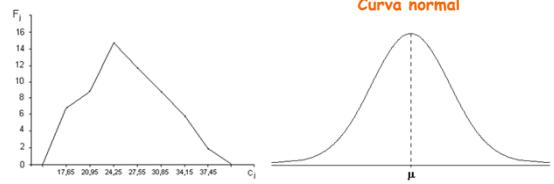


Figura 5. Polígono de frequências para o peso ao nascer de 60 bovinos da raça Ibagé. UFPel, 2001.

Polígono de frequências

Curva normal



Formato da distribuição de frequências se assemelha ao formato da distribuição normal

Ogivas → frequências acumuladas

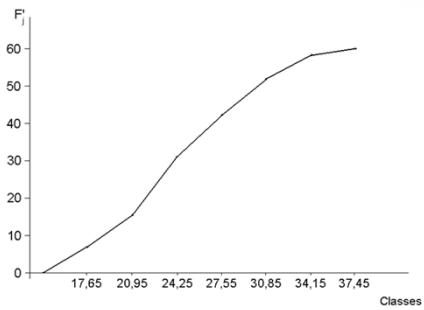


Figura 6. Frequências absolutas acumuladas do peso ao nascer de 60 bovinos da raça Ibagé. UFPel, 2001.

Exemplo:

| j | Classe | F_j | F'_j | f_j | f'_j |
|---|---------------|-------|--------|-------|--------|
| 1 | 3,11 —14,39 | 6 | 6 | 0,12 | 0,12 |
| 2 | 14,39 —25,67 | 16 | 22 | 0,32 | 0,44 |
| 3 | 25,67 —36,95 | 8 | 30 | 0,16 | 0,60 |
| 4 | 36,95 —48,23 | 9 | 39 | 0,18 | 0,78 |
| 5 | 48,23 —59,51 | 5 | 44 | 0,10 | 0,88 |
| 6 | 59,51 —70,79 | 2 | 46 | 0,04 | 0,92 |
| 7 | 70,79 —82,07 | 0 | 46 | 0,00 | 0,92 |
| 8 | 82,07 —93,35 | 4 | 50 | 0,08 | 1 |
| | Σ | 50 | - | 1 | - |

Usando a fórmula empírica

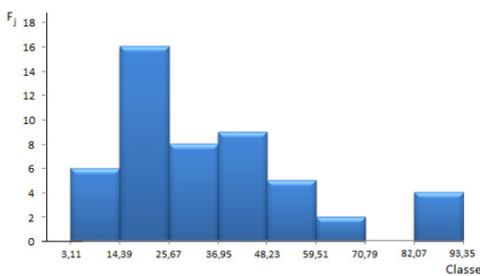


Figura 1. Frequência dos valores gastos (em reais) pelas primeiras 50 pessoas que entraram em um determinado Supermercado, no dia 01/01/2000.

Usando a fórmula de Sturges

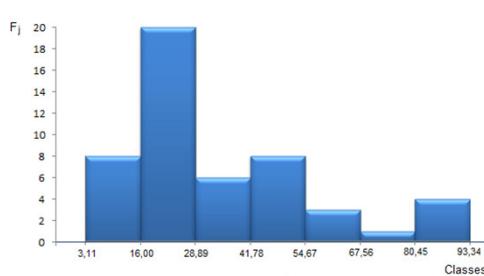


Figura 1. Frequência dos valores gastos (em reais) pelas primeiras 50 pessoas que entraram em um determinado Supermercado, no dia 01/01/2000.

Exercício proposto:

| j | Classe | F _j |
|---|-------------|----------------|
| 1 | 4,5 —5,22 | 2 |
| 2 | 5,22 —5,94 | 5 |
| 3 | 5,94 —6,66 | 3 |
| 4 | 6,66 —7,38 | 8 |
| 5 | 7,38 —8,10 | 6 |
| 6 | 8,10 —8,82 | 9 |
| 7 | 8,82 —9,54 | 7 |
| | Σ | 40 |

Construa um histograma para as frequências absolutas das notas dos alunos dos curso de Ciência e Engenharia da Computação da UFPel na primeira prova de Estatística Básica, no segundo semestre de 2013.

Bibliografia

FERREIRA, D.F. **Estatística básica**. Lavras: Editora UFLA, 2005.

MONTGOMERY, D.C.; RUNGER, G.C.; HUBELE, N.F. **Estatística Aplicada à Engenharia**. 2 ed. Rio de Janeiro: Editora LTC, 2004. 335p.

SILVEIRA JUNIOR, P.; MACHADO, A.A.; ZONTA, E.P.; SILVA, J.B. da. **Curso de Estatística v.1**. Pelotas: Universidade Federal de Pelotas, 1992, 135p.

Sistema Galileu de Educação Estatística. Disponível em:
<http://www.galileu.esalq.usp.br/topicos.html>

Profa. Clause Piana

44