



Física [na pandemia]

Aula 07



Prof. Dr. José Rafael Bordin
Departamento de Física
UFPel



Sumário

- Introdução à Mecânica dos Fluidos
- Pressão Hidrostática





Densidade ou massa específica

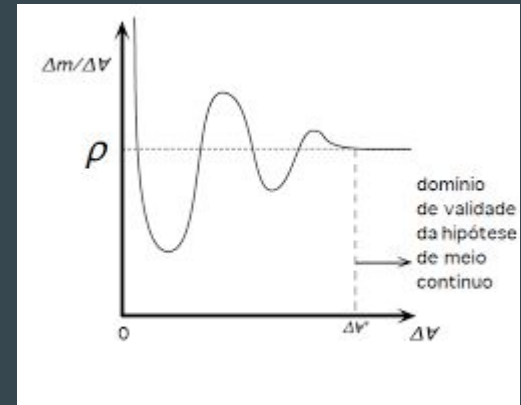
→ Informa a quantidade de massa que um certo material possui por unidade de volume ocupado

$$\rho = \frac{m}{V} \quad \left(\frac{\text{kg}}{\text{m}^3} \right)$$

$$m = \rho \cdot V. \quad (\text{kg})$$

$$P = m \cdot g = \rho \cdot V \cdot g. \quad (\text{N})$$

Hipótese do Contínuo





Densidade



A densidade da água doce é aproximadamente 1 kg/m^3 ou 1 g/cm^3 ou 1 kg/L . Assim, um copo com $200 \text{ mL} = 200 \times 10^{-3} \text{ L} = 0,2 \text{ L}$ possui uma massa

Já o mercúrio é muito denso, $\rho_{\text{Hg}} = 13600 \text{ kg/m}^3$. 1 kg de mercúrio ocupa um volume de



Densidade

A densidade da água doce é aproximadamente 1 kg/m^3 ou 1 g/cm^3 ou 1 kg/L . Assim, um copo com $200 \text{ mL} = 200 \times 10^{-3} \text{ L} = 0,2 \text{ L}$ possui uma massa

$$m = \left(1000 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3} \right) \cdot (0,2 \cdot 10^{-3} \text{ m}^3) = 0,2 \text{ kg}.$$

Já o mercúrio é muito denso, $\rho_{\text{Hg}} = 13600 \text{ kg/m}^3$. 1 kg de mercúrio ocupa um volume de

$$V = \frac{1 \text{ kg}}{13600 \text{ kg} / \text{m}^3} = 7,35 \cdot 10^{-5} \text{ m}^3 (= 7,35 \cdot 10^{-2} \cdot \underbrace{10^{-3} \text{ m}^3}_{\text{litro}} = 7,35 \cdot 10^{-2} \text{ l} = 73,5 \text{ ml}).$$



Pressão



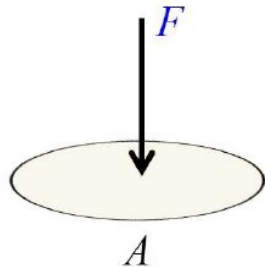
→ Porque uma faca afiada corta mais fácil? Por que a área da lâmina de uma faca afiada é menor que de uma faca cega

→ Pressão é a grandeza física que relaciona a força aplicada em uma dada área:

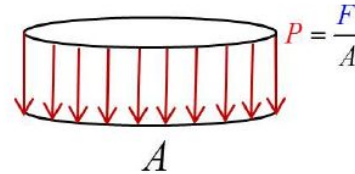
$$P = \frac{F_{\perp}}{A} \left(\frac{N}{m^2} \right),$$

Unidades: Pascal Pa = $1N/m^2$
atm (atmosfera), bar, mmHg, ...

(a)



(b)





Exemplo

Um cilindro, de raio $R=0,5\text{m}$ e altura $h=0,2\text{m}$, exerce uma pressão de 10^4 Pa sobre a superfície que este se apoia. Calcule a densidade volumétrica do material que é feito o cilindro.





Exemplo

Um cilindro, de raio $R=0,5\text{m}$ e altura $h=0,2\text{m}$, exerce uma pressão de 10^4 Pa sobre a superfície que este se apoia. Calcule a densidade volumétrica do material que é feito o cilindro.

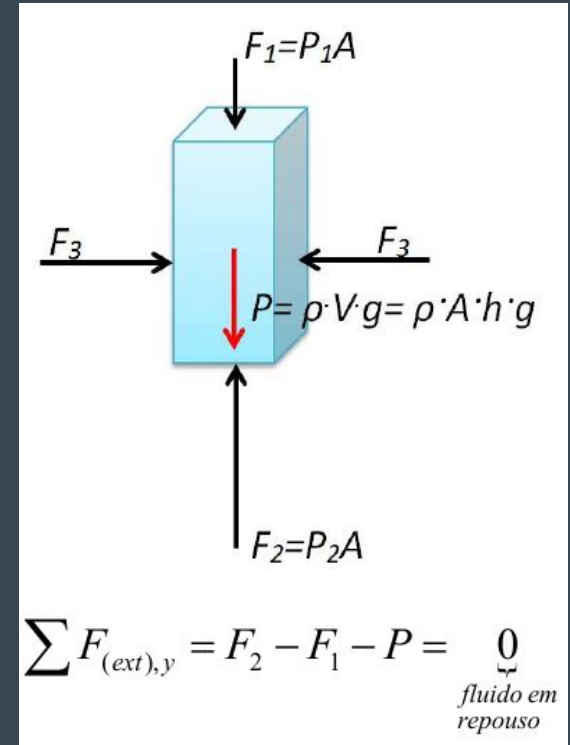
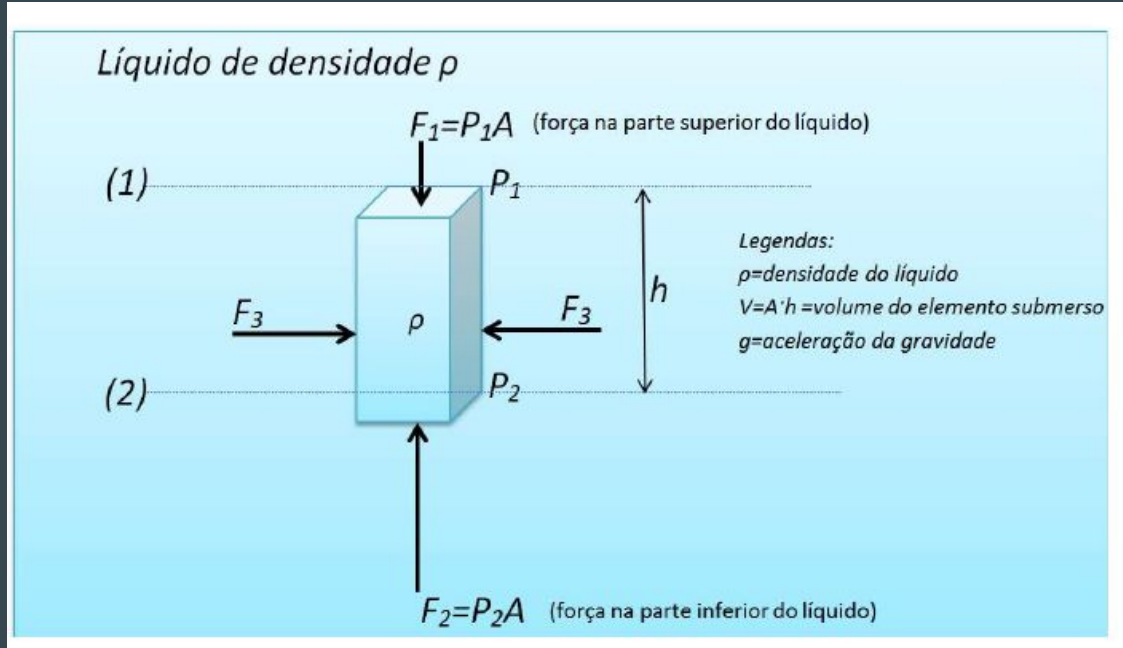
$$P = \frac{F}{A} \Rightarrow P = \frac{m_{\text{cilindro}} \cdot g}{A_{\text{cilindro}}} = \frac{\rho \cdot V_{\text{cilindro}} \cdot g}{\pi R^2} = \frac{\rho \cdot (\cancel{\pi R^2} \cdot h) \cdot g}{\cancel{\pi R^2}}$$

$$P = \rho \cdot h \cdot g \xRightarrow{\text{isolar } \rho} \rho = \frac{P}{h \cdot g} = \frac{10^4 \text{ N} / \text{m}^2}{0,2\text{m} \cdot 10\text{m} / \text{s}^2} = \boxed{5000\text{kg} / \text{m}^3}.$$





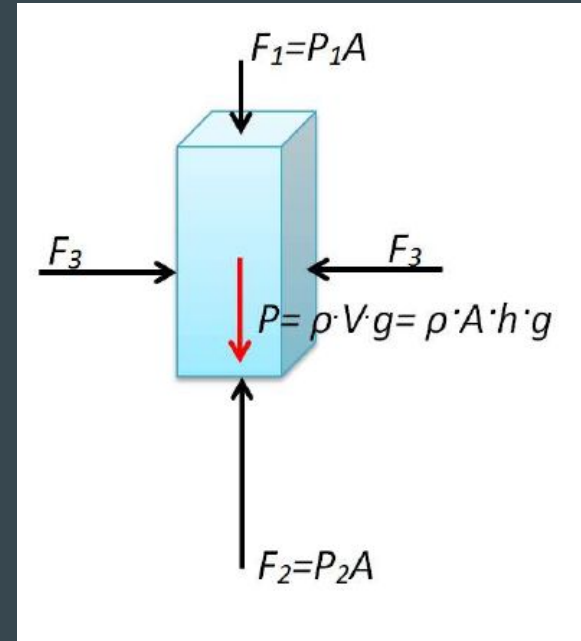
Lei de Stevin





Lei de Stevin

→ Pressão devido à uma coluna de fluido



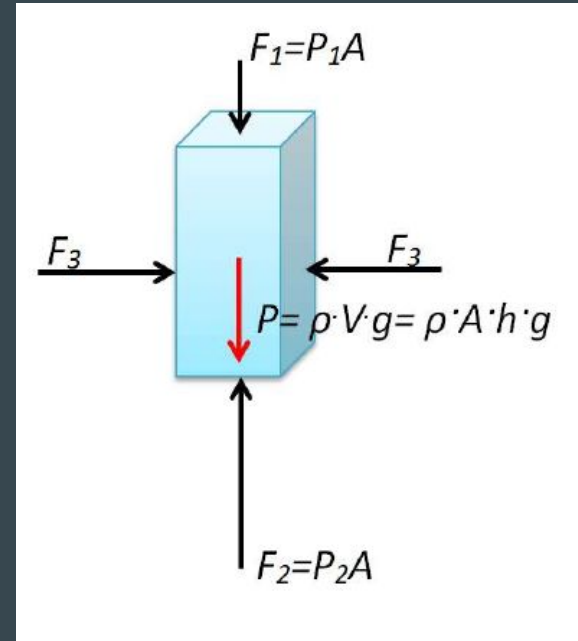


Lei de Stevin

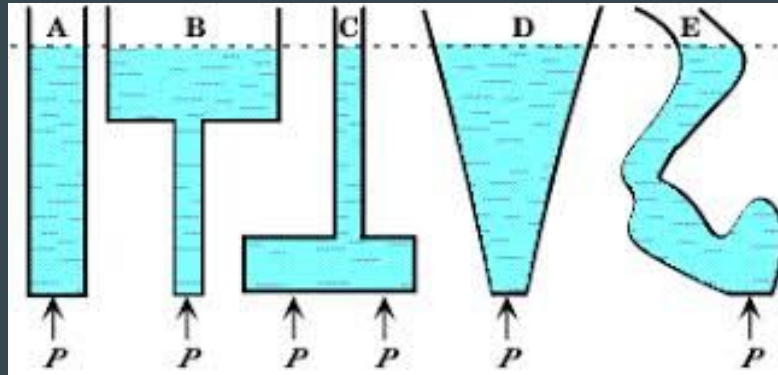
→ Pressão devido à uma coluna de fluido

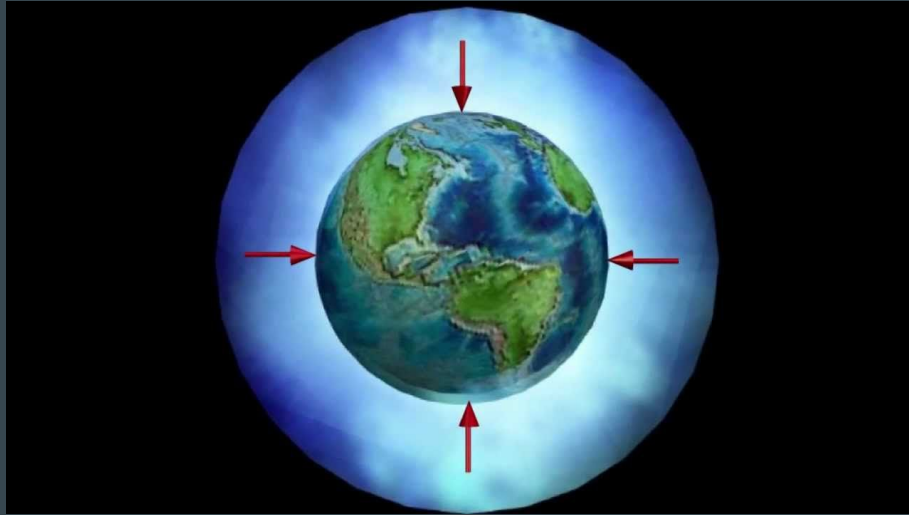
$$P_2 \cdot A - P_1 \cdot A - \rho \cdot A \cdot h \cdot g = 0. \text{ Isolar } P_2:$$

$$P_2 = P_1 + \rho \cdot g \cdot h$$



→ A pressão depende da altura da coluna de líquido - não do volume

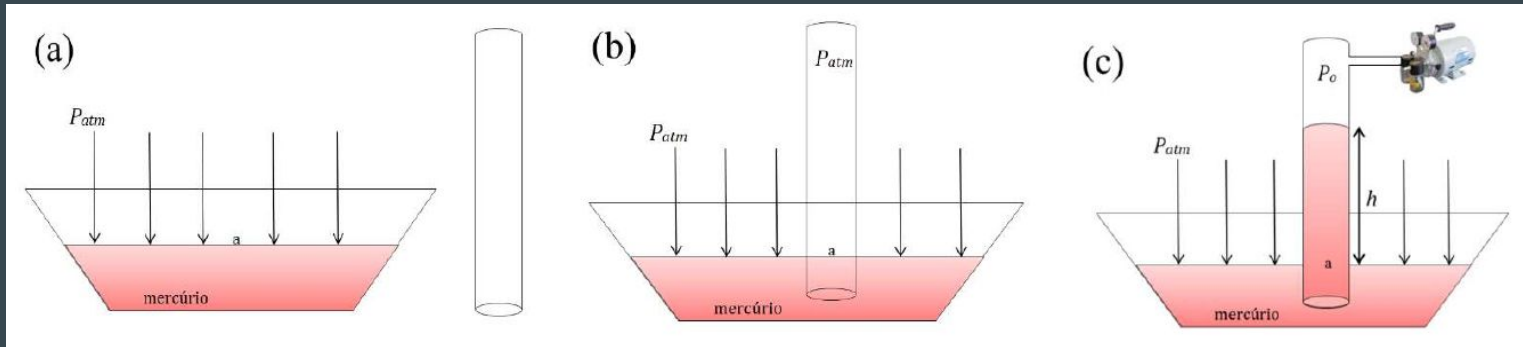
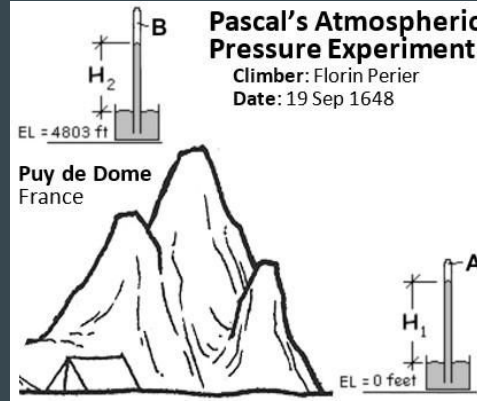






Pressão atmosférica

→ O experimento de Blaise Pascal

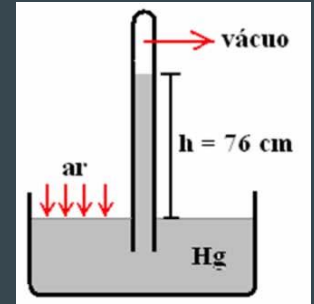




Pressão Atmosférica



$$P_{atm} = \rho_{hg} \cdot g \cdot h$$





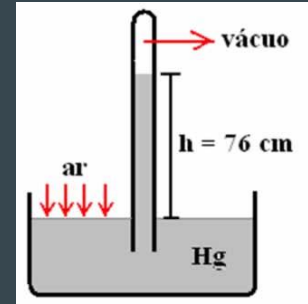
Pressão Atmosférica



$$P_{atm} = \rho_{hg} \cdot g \cdot h$$

$$P_{atm} = 13600 \text{ kg} / \text{m}^3 \cdot 9,81 \text{ m} / \text{s}^2 \cdot 0,76 \text{ m} = \boxed{1,01 \cdot 10^5 \text{ N} / \text{m}^2}$$

$$\boxed{P_{atm} = 10^5 \text{ N} / \text{m}^2}$$



$$P_{atm} = \rho_{agua} \cdot g \cdot h \Rightarrow h = \frac{P_{atm}}{\rho_{agua} \cdot g} = \frac{1,01 \cdot 10^5 \text{ N} / \text{m}^2}{1000 \text{ kg} / \text{m}^3 \cdot 9,81 \text{ m} / \text{s}^2} = \boxed{10,3 \text{ m}}$$



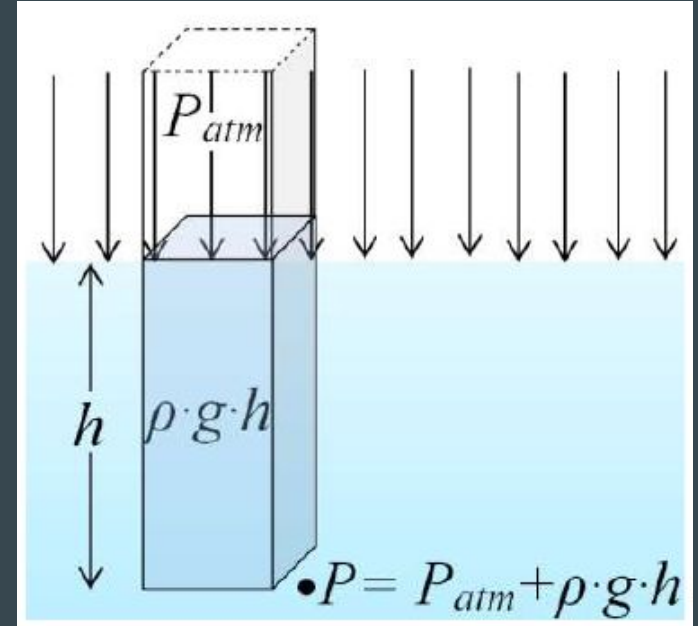
Pressão Absoluta

→ Se considerarmos um lago com lago com h m de profundidade, a pressão no fundo do lago é

$$P = P_{atm} + \rho \cdot g \cdot h \quad (N/m^2)$$

Ou seja,

$$P = 10^5 N/m^2 + 1000 kg/m^3 \cdot 10 m/s^2 \cdot 8 m = 1,8 \cdot 10^5 N/m^2.$$





Pressão Absoluta

→ Em profundidades ainda maiores no mar, os seres vivos estão sujeitos a condições extremas. Por exemplo, a uma profundidade de 5 km, e usando que a água salgada possui $\rho_{\text{mar}} = 1020 \text{ kg/m}^3$

$$P = P_{\text{atm}} + 1020 \text{ kg/m}^3 \cdot 10 \text{ m/s}^2 \cdot 5000 \text{ m} =$$
$$= \underbrace{10^5 \text{ N/m}^2}_{P_{\text{atm}}} + 510 \cdot 10^5 \text{ N/m}^2$$

$$P = (1 + 510) \cdot 10^5 \text{ N/m}^2$$

$$\underbrace{511 \cdot 10^5 \text{ N/m}^2}_{P_{\text{atm}}} = 511 \cdot P_{\text{atm}}$$

